



# Bump mapping

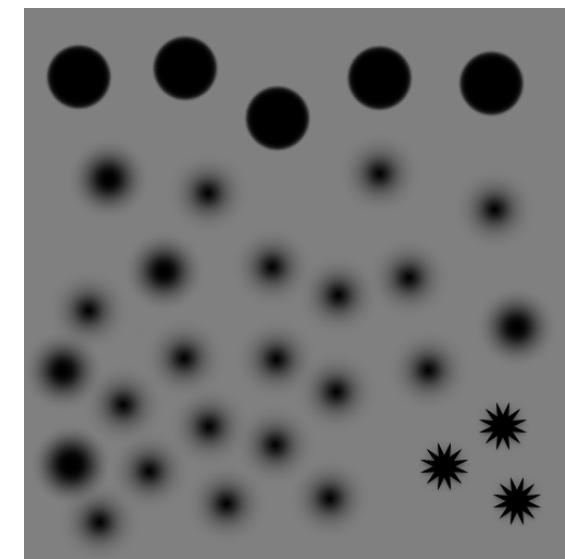
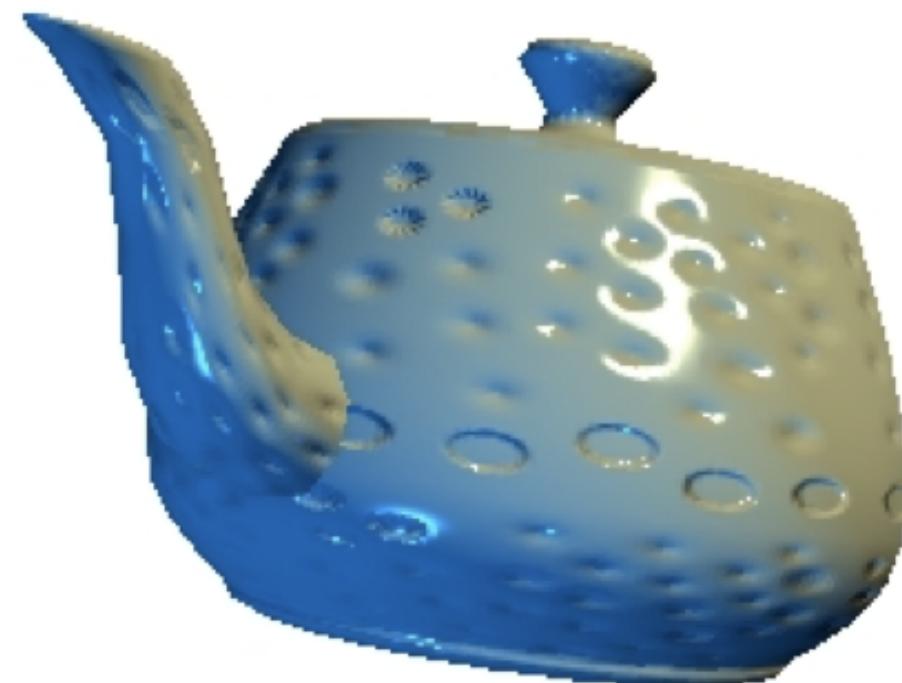
Principerna ingick i grundkursen.

- Mer detalj, implementation
  - Koordinatsystem
  - Normal mapping
- Utvidgning till mer avancerade metoder



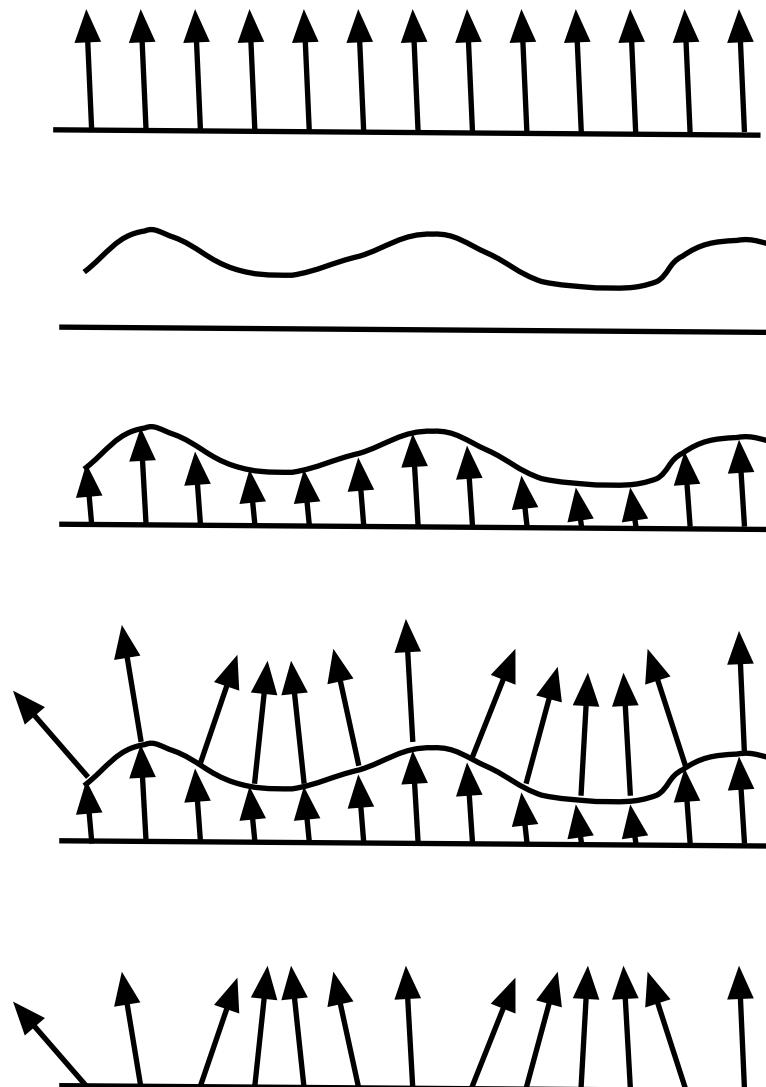
# Bump mapping

Simulates surface structure by manipulating the normal vector





## Bump mapping - model



Surface with normal vectors

Bump map: scalar function of the texture coordinates

Modulate the surface by the bump function, along normal

Calculate new normals

Resulting normal vectors



# Bump mapping - practice

Input:

A point  $p$ , normal vector  $\hat{n}$

Texture coordinates  $s(p), t(p)$

Directions of texture coordinates  $\hat{s}, \hat{t}$

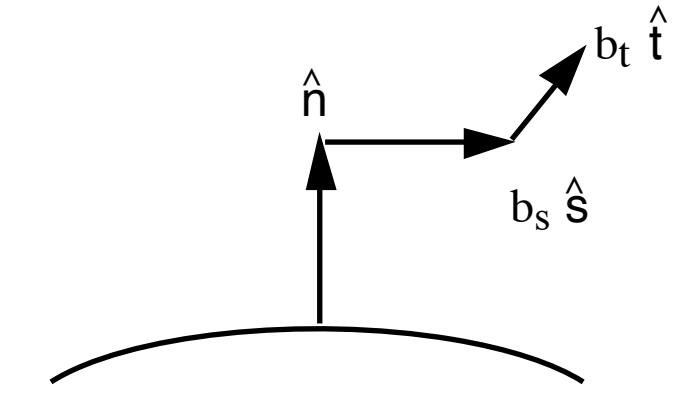
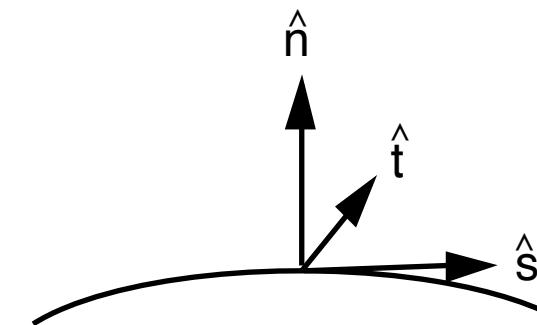
The bump function  $b(s,t)$

Calculate the partial derivative of the bump function,  $b_s$  and  $b_t$

$$\hat{n}' = \hat{n} + b_t * (\hat{s} \times \hat{n}) + b_s * (\hat{t} \times \hat{n})$$

or, if  $\hat{s}, \hat{t}, \hat{n}$  are orthogonal

$$\hat{n}' = \hat{n} + b_t * \hat{t} + b_s * \hat{s}$$





# Mer praktik

Var får vi  $\hat{s}$  och  $\hat{t}$  från? Vi har texturkoordinater men inget koordinatsystem!

Kryssa fram från normalvektorn? Men mot vad?

Beräkna från  $ds/dx$  och  $dt/dy$  i bilden? Då saknas z-variation!



# Fuskmetod

Kryssa fram från normalvektorn mot vad tusan som helst!

$$\begin{aligned}\hat{s} &= \hat{x} \times \hat{n} / \|\hat{x} \times \hat{n}\| \\ \hat{t} &= \hat{n} \times \hat{s}\end{aligned}$$

Funkar för vissa fall. (Brus i synnerhet.)

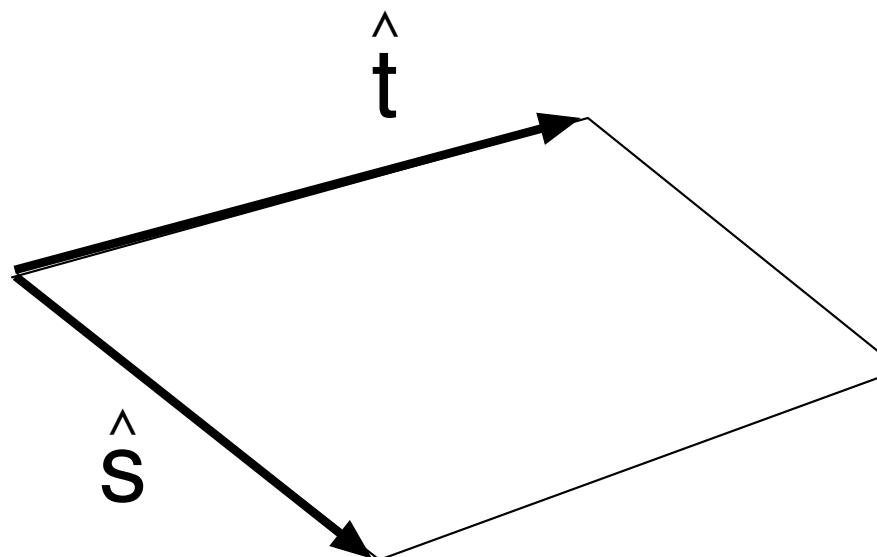
Bättre kan vi!



# Enkel geometri

Men om vi nu vill ha mer korrekta  $\hat{s}$  och  $\hat{t}$ , vad gör vi då?

Enkelt för rektangel - bekvämt labbfall.





# Lengyel's metod

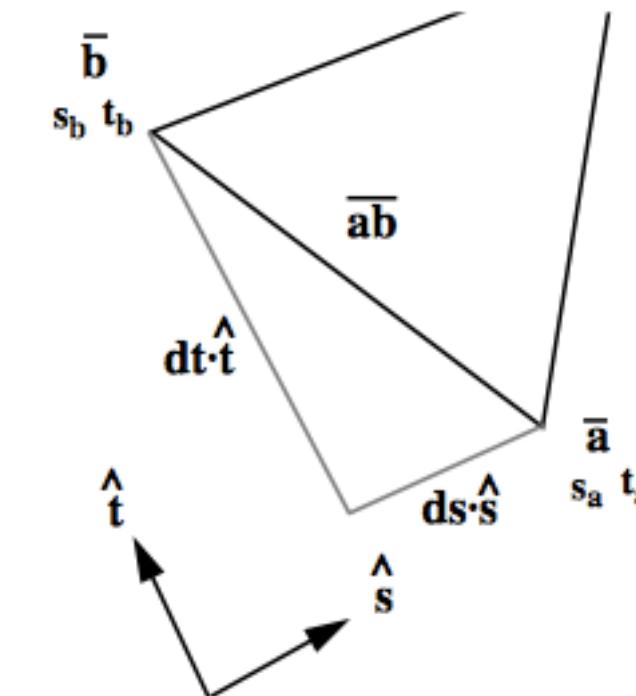
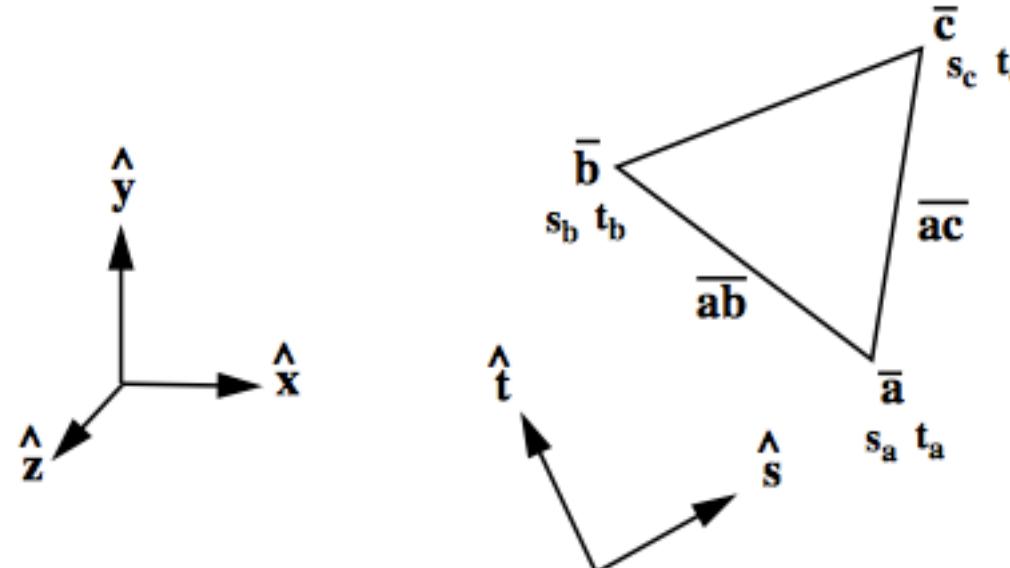
Härled genom steg längs  $\hat{s}$  och  $\hat{t}$  i xyz-rymden  
(modellkoordinater).

Rak och snygg metod genom matrisalgebra.

Uttryck två sträckor som funktion av  $\hat{s}$  och  $\hat{t}$ , finn inversen!



# Lengyel's metod



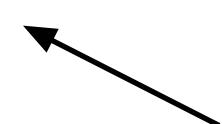
Givet en triangel med texturkoordinater,  
finn basvektorer för texturkoordinater



# Lengyel's metod

i programkod - ganska enkelt!

```
float ds1 = sb - sa; float ds2 = sc - sa;  
float dt1 = tb - ta; float dt2 = tc - ta;  
vec3 s, t;  
float r = 1/(ds1 * dt2 - dt1 * ds2);  
s = (ab * dt2 - ac * dt1) * r;  
t = (ac * ds1 - ab * ds2) * r;
```



OBS! Vektoroperationer!



# Approximativ metod

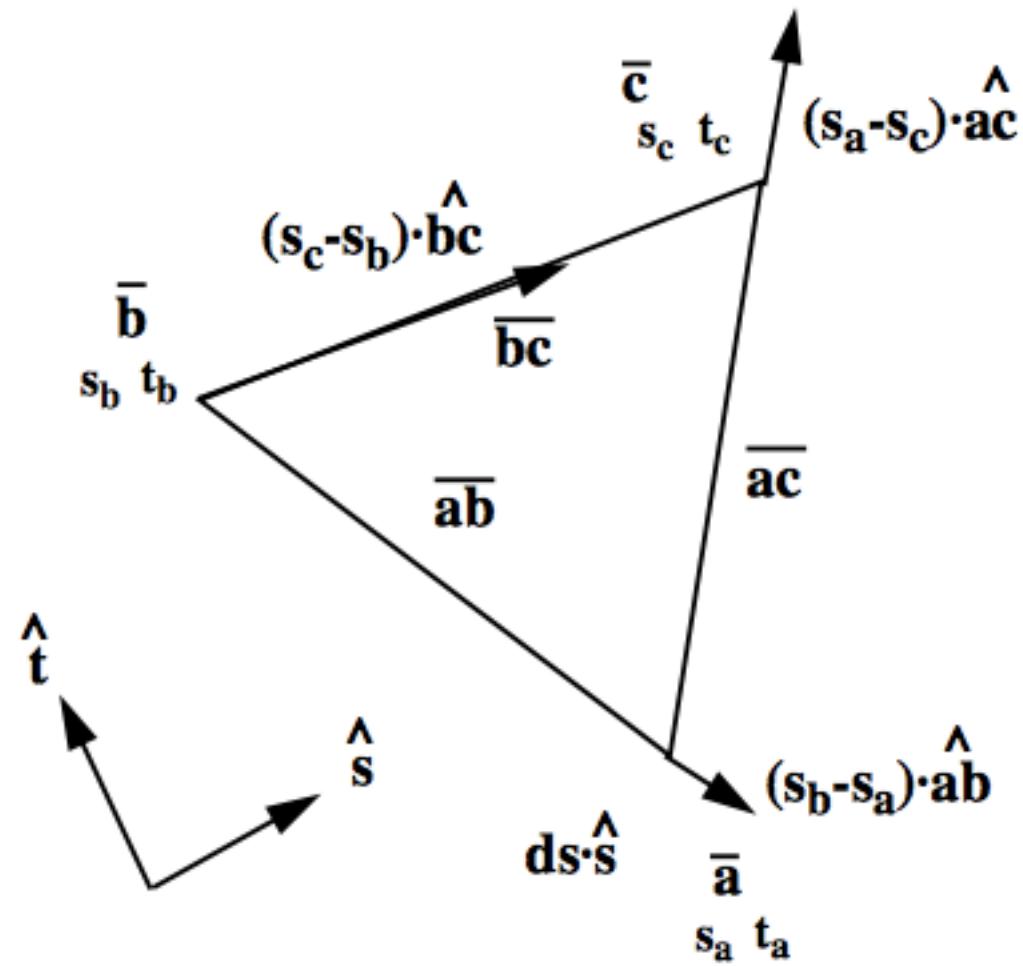
Låt varje sida av polygoner bidra till  $\hat{s}$  och  $\hat{t}$  beroende på deras s- och t-variation!

Varje sidas bidrag till  $\hat{s} =$  sidans riktning (normerad  
gånger variationen i  $\hat{s}$ ). Summera!



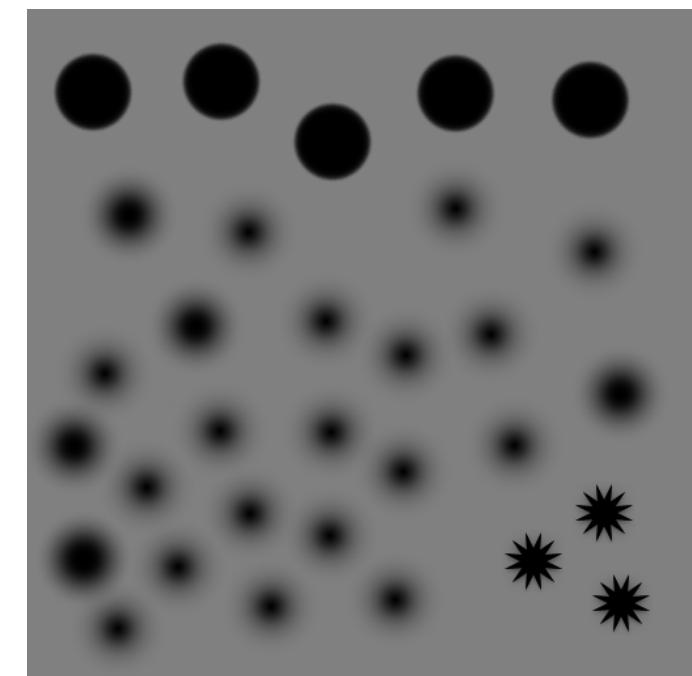
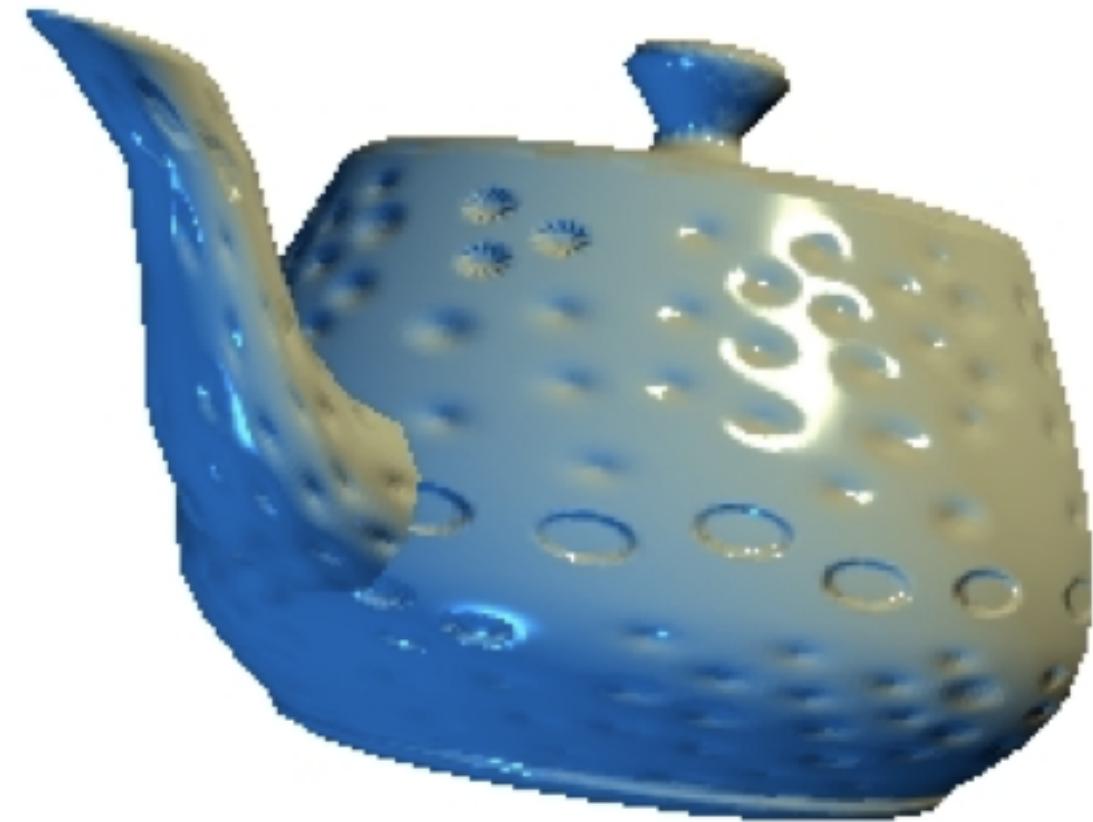
# Approximativ metod

$$s_{ab} = \frac{\mathbf{ab}}{|\mathbf{ab}|}(s_b - s_a)$$





**Båda metoderna ger bra resultat  
för komplicerade modeller!**





# Koordinatsystem

- Vy- och världskoordinater
  - Texturkoordinater
  - Tangentkoordinater

Ljuskälla fås ofta i vykoordinater  
Bumpmappen ges i texturkoordinater

Normalvektor i modellkoordinater eller vykoordinater

Vi måste kunna konvertera mellan koordinatsystemen!  
Ljussättning skall göras med vektorer i samma koordinatsystem.



# Koordinatsystem

Modell till vy: normalmatrisen

$$p_s = \text{normalMatrix} * s$$

$$p_t = \text{normalMatrix} * t$$

$$n_v = \text{normalMatrix} * n$$

Vy till textur:

$$M_{vt} = \begin{bmatrix} p_s \\ p_t \\ n_v \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} p_{sx} & p_{sy} & p_{sz} \\ p_{tx} & p_{ty} & p_{tz} \\ n_{vx} & n_{vy} & n_{vz} \end{bmatrix}$$



# Koordinatsystem

$p_s$  är tangentvektorn (kallas ofta  $t$  i andra texter)  
 $p_t$  bitangent (inte binormal)

Texturrymd = bas med vektorer längs  
texturvariationer

Tangentrymd = ortonormal bas i texturrymd

Tangentrymd ofta bra approximation till texturrymd



## Lite mer definitioner

bumpmap = bild med höjdvärdet

normal map = bild med förberäknade normalvektorer

(Förvirring mellan dessa två förekommer)



# Beräkning av modifierad normalvektor (vykoordinater)

$$\begin{aligned} b_S &= db/ds \\ b_T &= db/dt \end{aligned}$$

$$n' = n + b_S \cdot P_S + b_T \cdot P_T \quad ("in")$$

eller

$$n' = n - b_S \cdot P_S - b_T \cdot P_T \quad ("ut")$$

Förutsätter tangentrymd. Texturrymd blir:

$$n' = n + b_S \cdot P_T \cdot x_n + b_T \cdot P_S \cdot x_n \quad ("in")$$



# Beräkning av modifierad normalvektor (texturkoordinater)

$$b_s = db/ds$$

$$b_t = db/dt$$

$$n' = \begin{bmatrix} b_s \\ b_t \\ 1 \end{bmatrix} + \text{normering}$$

Jättelått! MEN, ljus och vyriktning måste då transformeras till texturkoordinater!

$$I_t = M_{vt} * I$$



# Normalmappning

Förberäkna  $b_s$  och  $b_t$ , spara i bild!

$$\begin{aligned}-b_s &= b[s, t] - b[s+1, t] \\-b_t &= b[s, t] - b[s, t+1]\end{aligned}$$

Normera!



# Lagring i textur

"Scale and bias" här också:

$$R = (b_S + 1)/2$$
$$G = (b_T + 1)/2$$

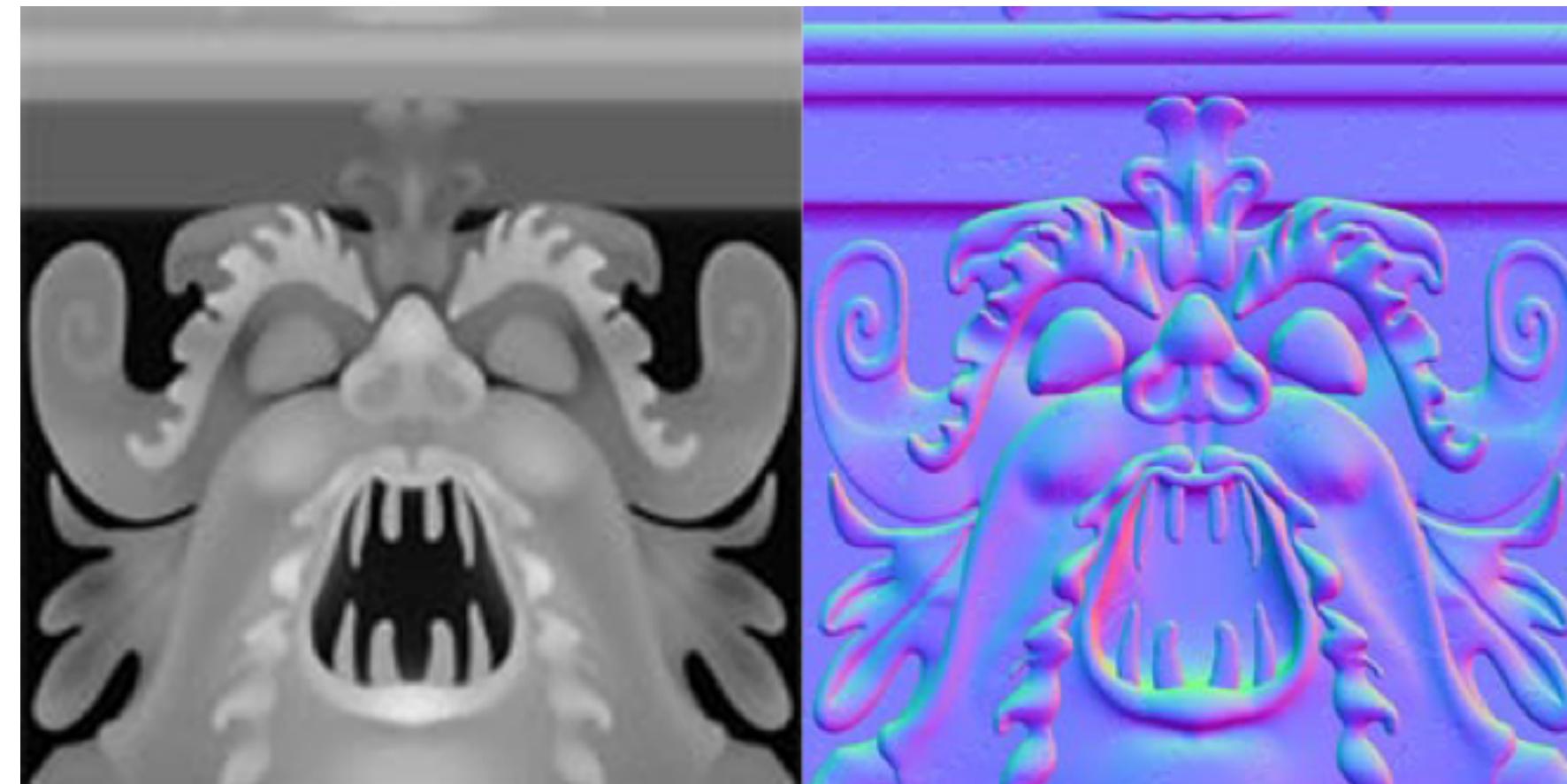
(Varför?)

Hämtning ur textur:

$$b_S = 2R - 1$$
$$b_T = 2G - 1$$

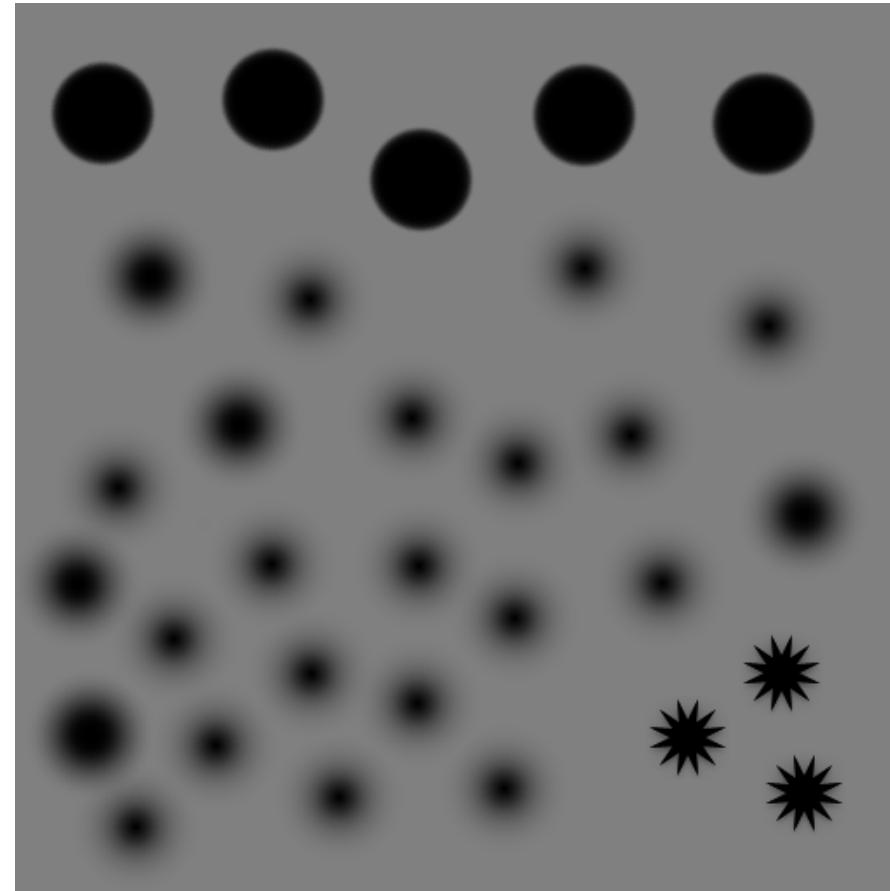


# Exempel på normal map ("normalkarta")?

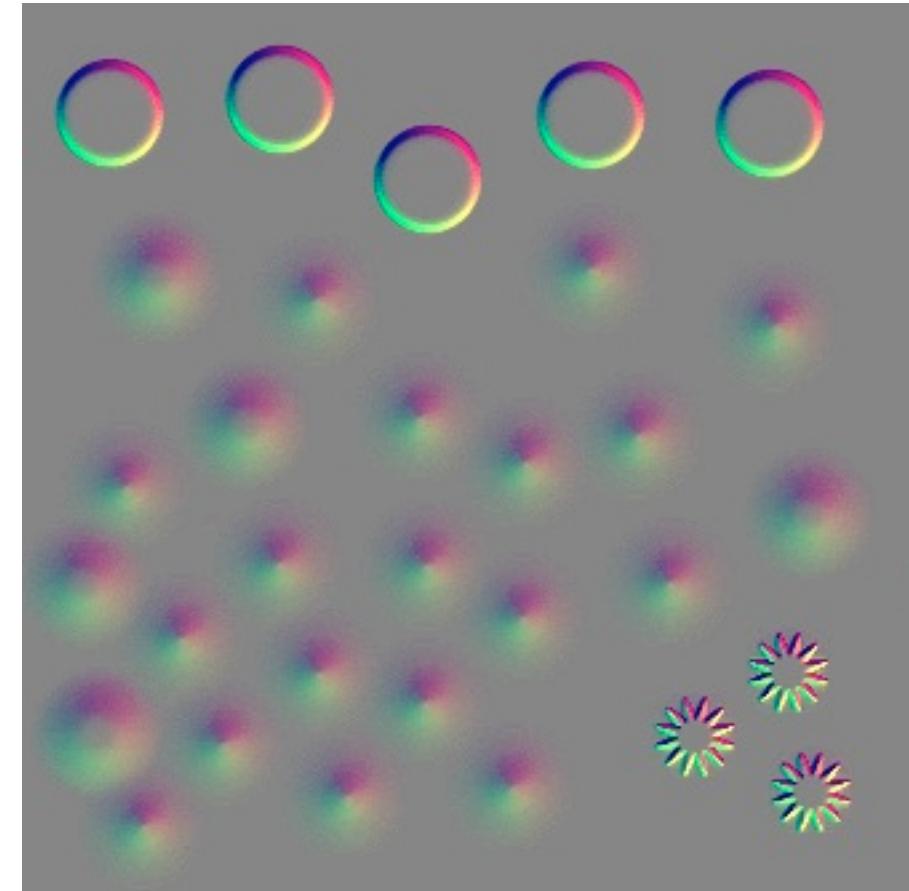




# Bump map som användes i exemplet



Bump map

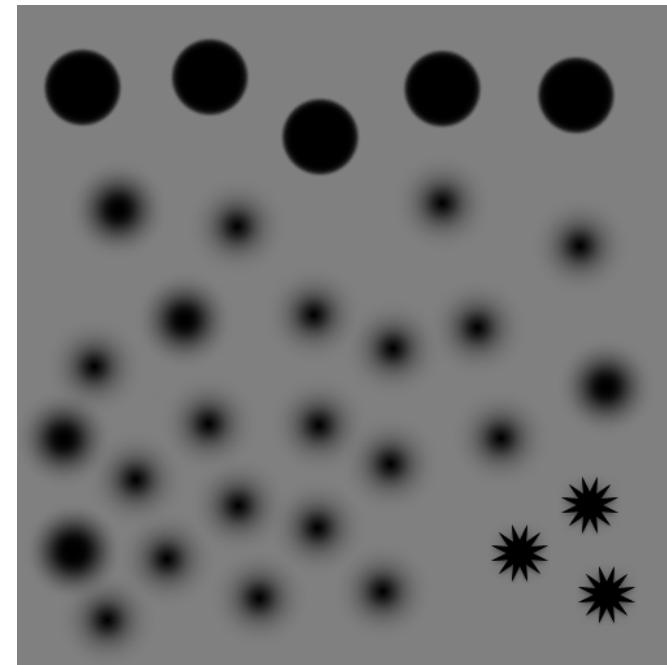


Normal map

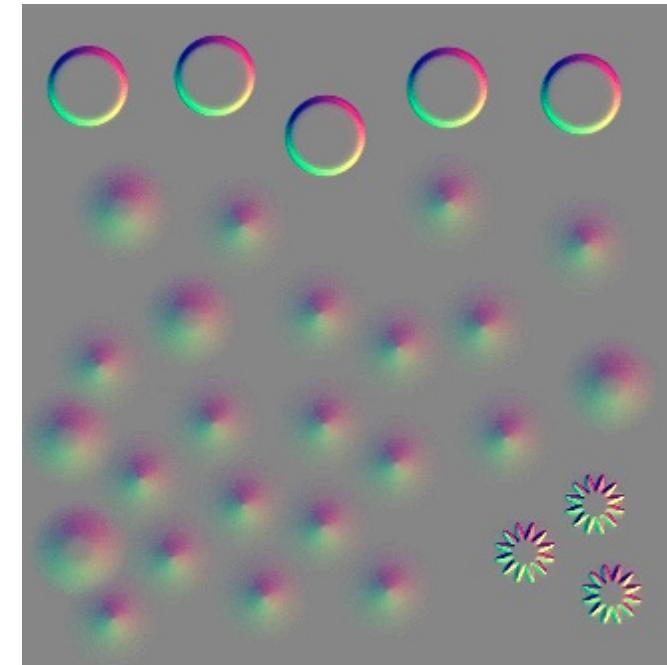


## Bumpmappen kan läggas i blå- eller alpha-komponenten!

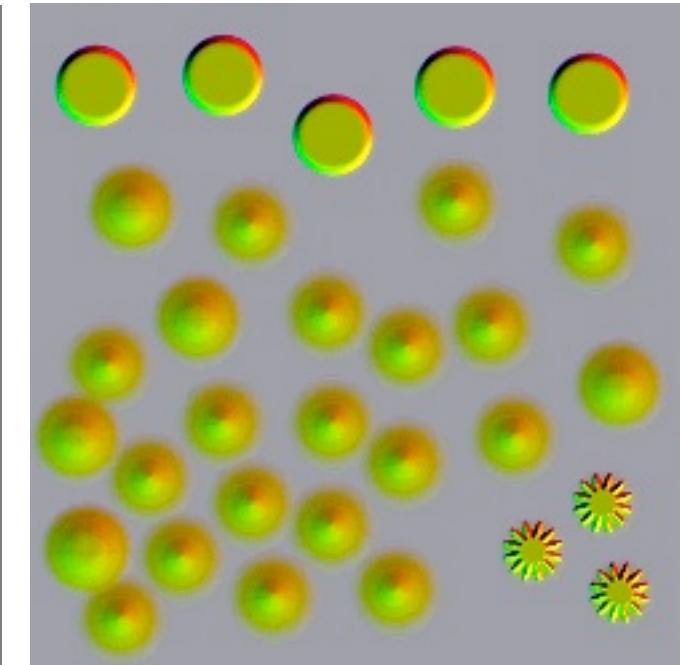
⇒ Hybrid bump/normal-map



Bump map



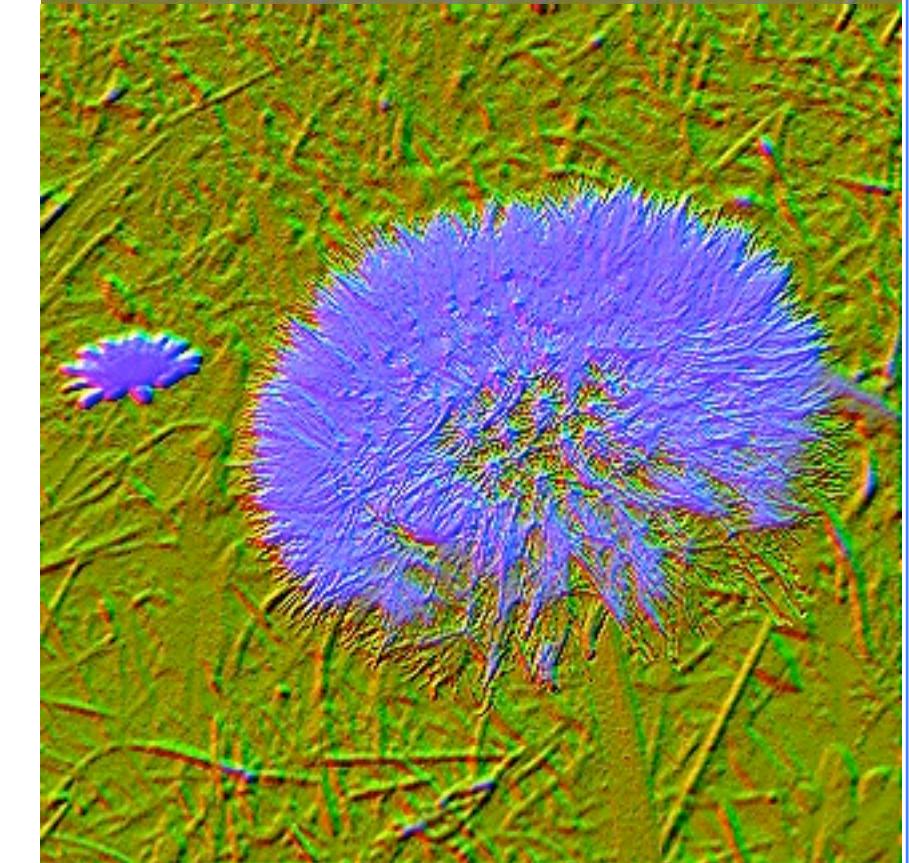
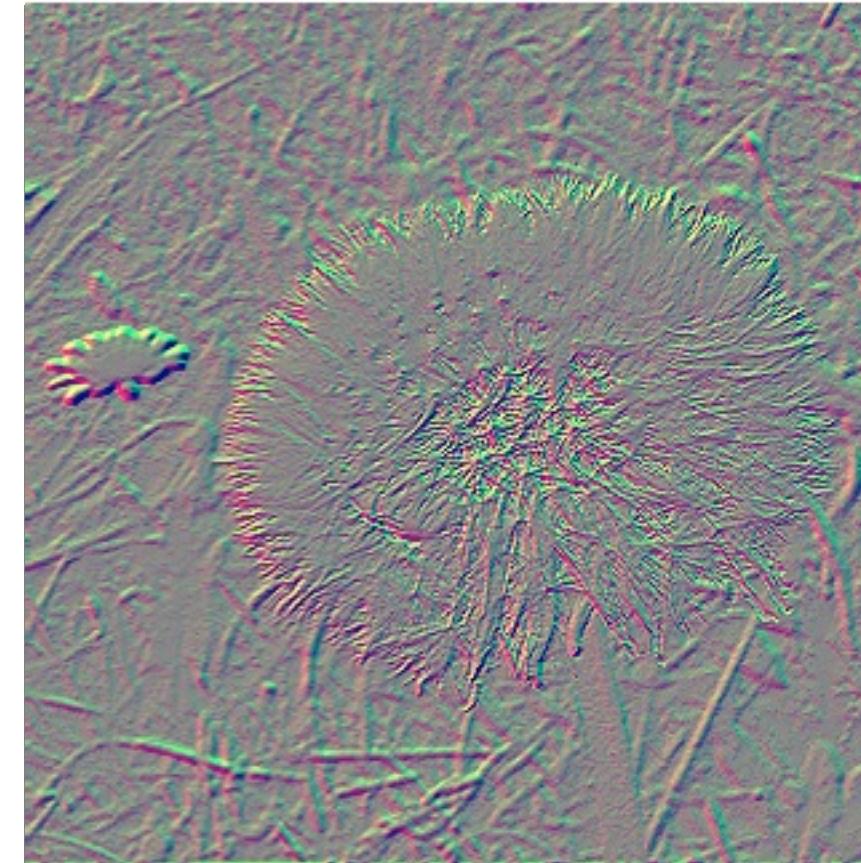
Normal map



Hybrid



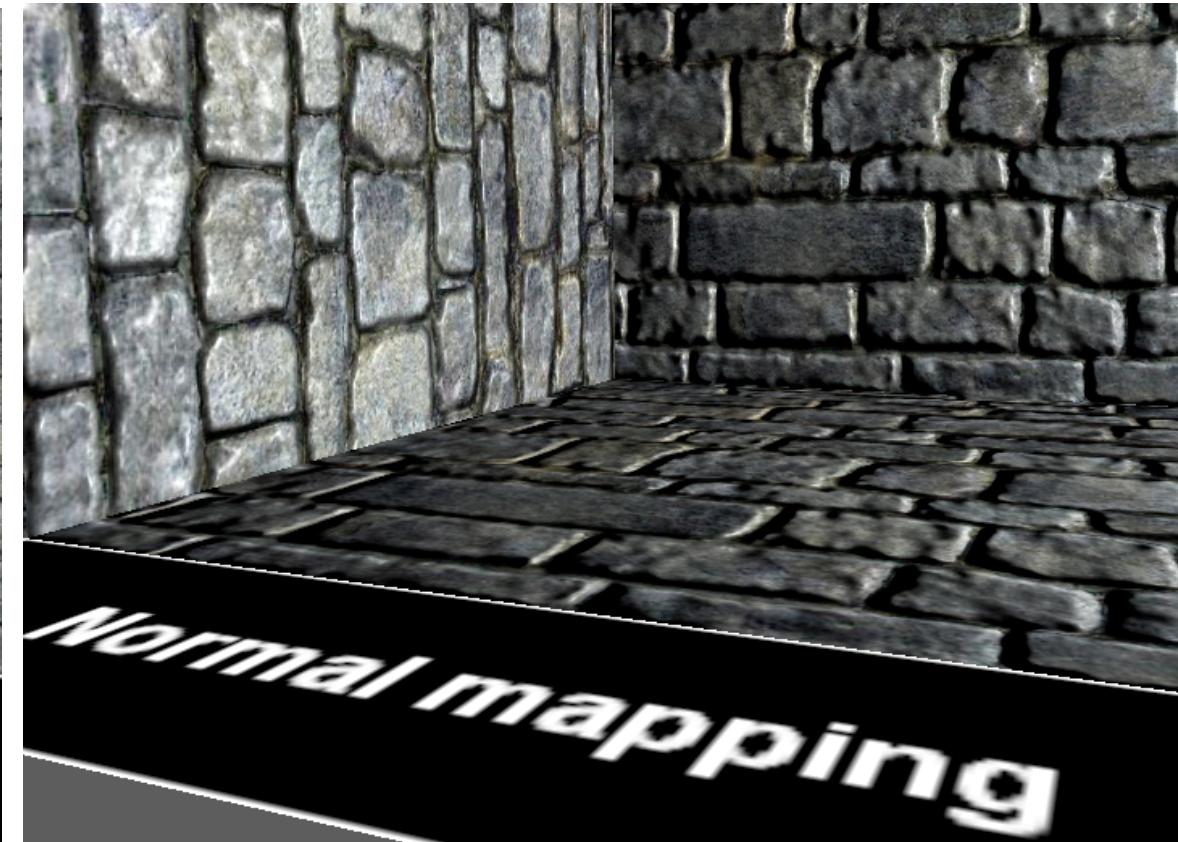
# Information Coding / Computer Graphics, ISY, LiTH





# Exempel från boken

Jonas Lindmarks projekt





# Bättre än bump mapping

Bump mapping är “platt”, ser fel ut när man betraktar i lite vinkel.

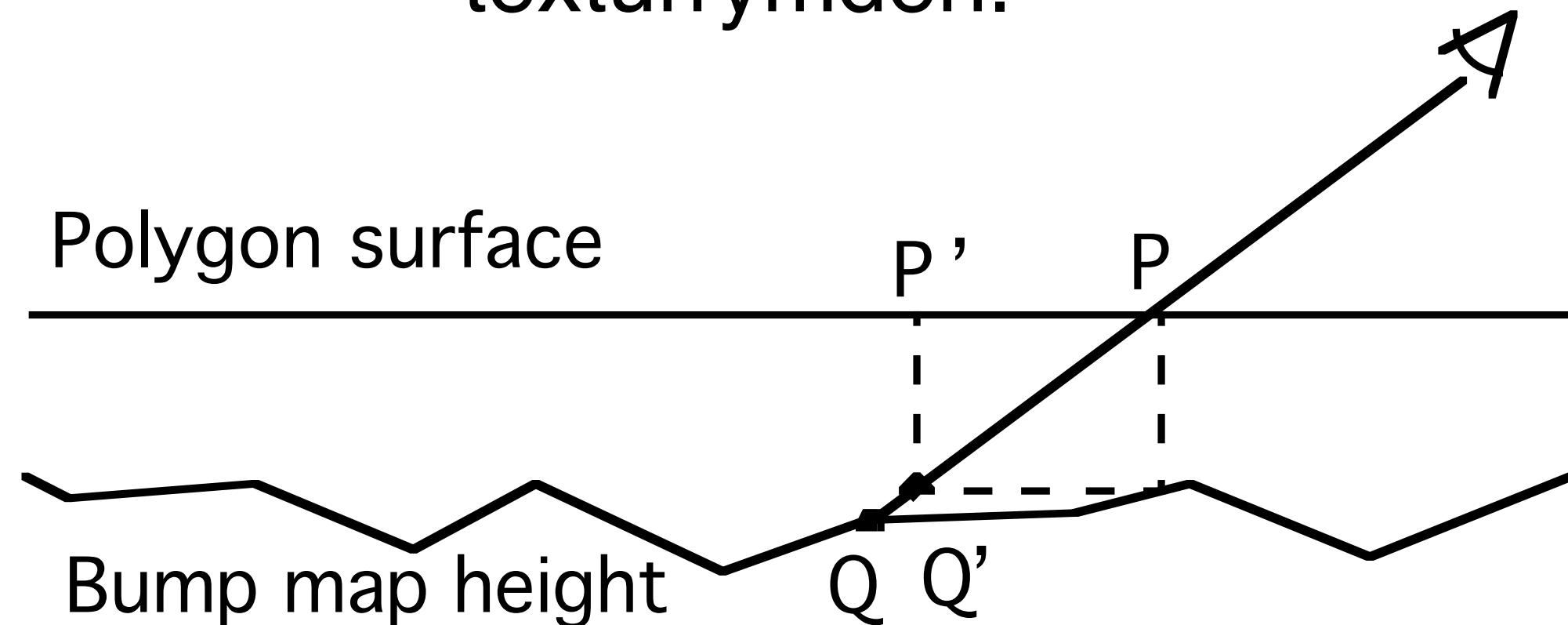
Bättre metoder:

- Parallax Mapping
- Relief Mapping/Parallax Occlusion Mapping
- Per-pixel displacement mapping



# Parallax Mapping

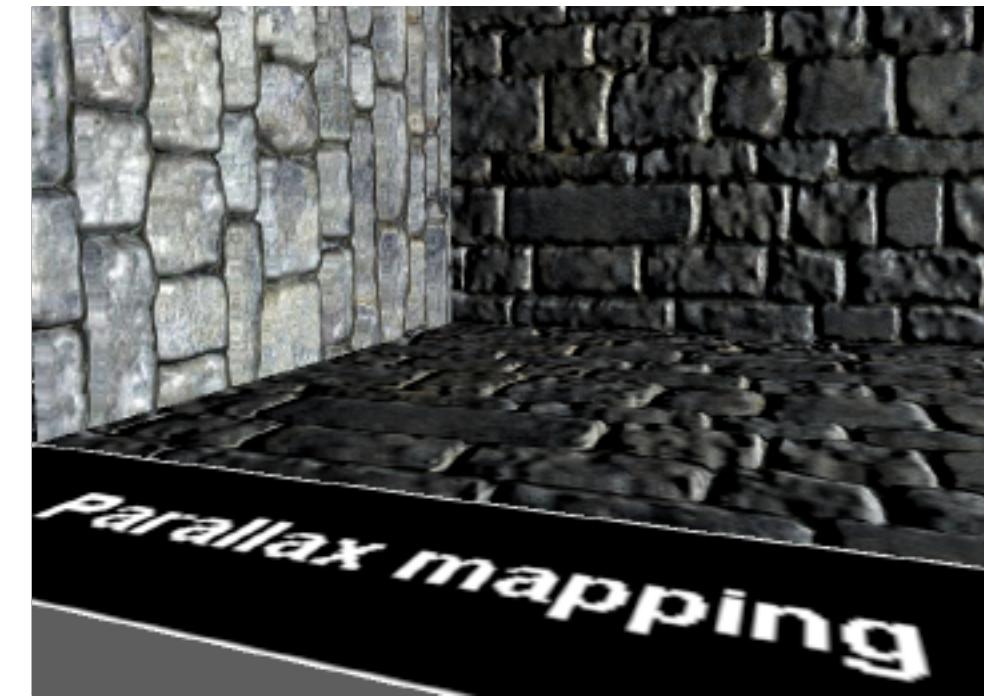
Enklaste metoden, gör ett grovt “språng” i texturrymden.





# Parallax Mapping

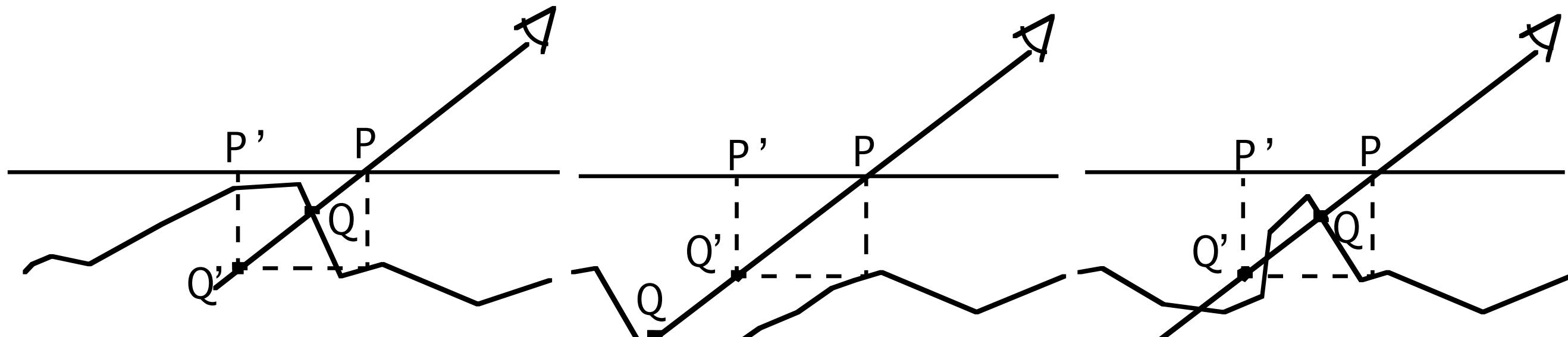
I många fall en god förbättring.





# Parallax Mappings svaghet

Antar långsam variation i bump mappen.





# Hur det yttrar sig

Konstiga resultat i branta vinklar eller  
högfrekvent bump map.





# Minska problemet

$$T_n = T_0 \pm b(s, t) \cdot V_{xy} / V_z$$

Felet växer vid små  $V_z$ !

Variant: Offset limiting:

$$T_n = T_0 \pm b(s, t) \cdot V_{xy}$$

Tar helt enkelt bort  $V_z$ !

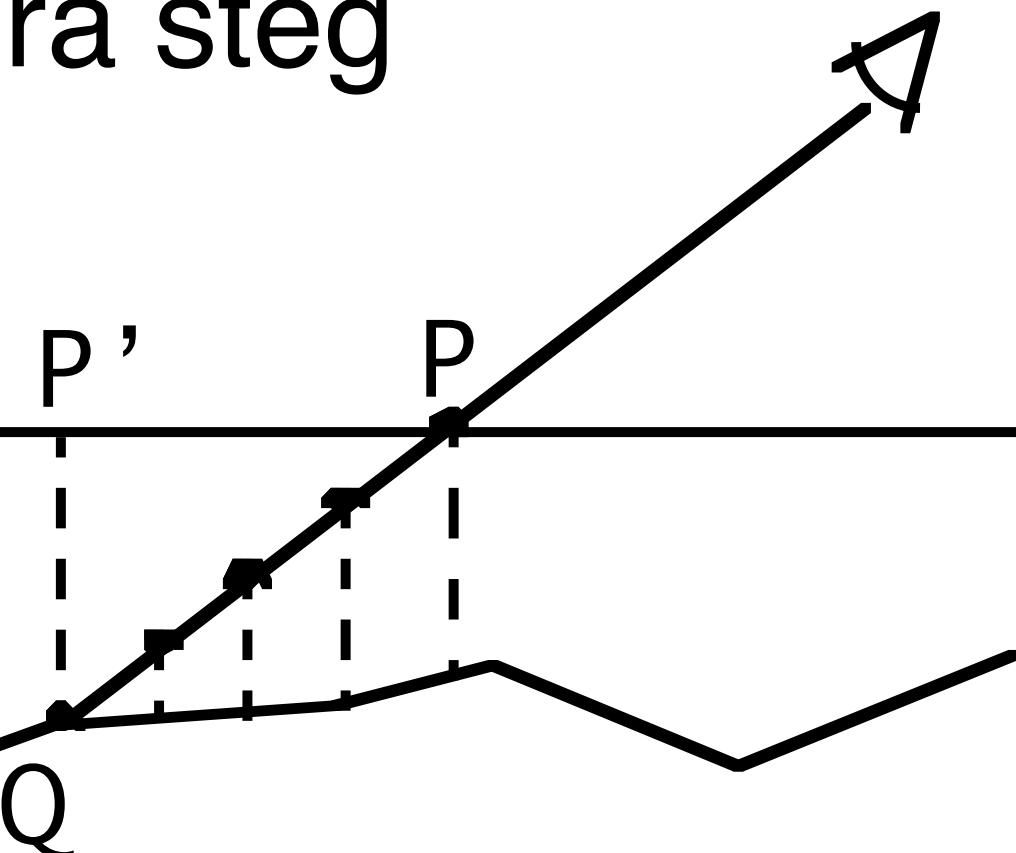


# Relief Mapping

Söker i flera steg

Polygon surface

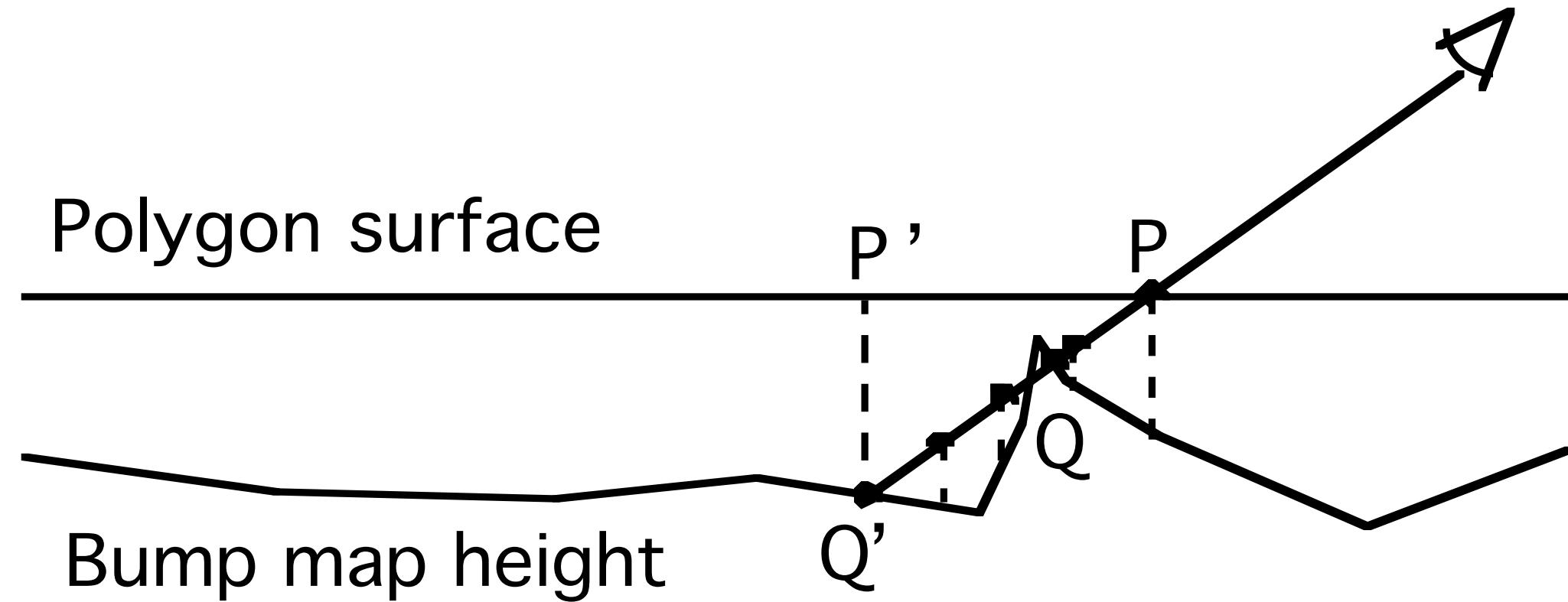
Bump map height





# Relief Mappings svaghet

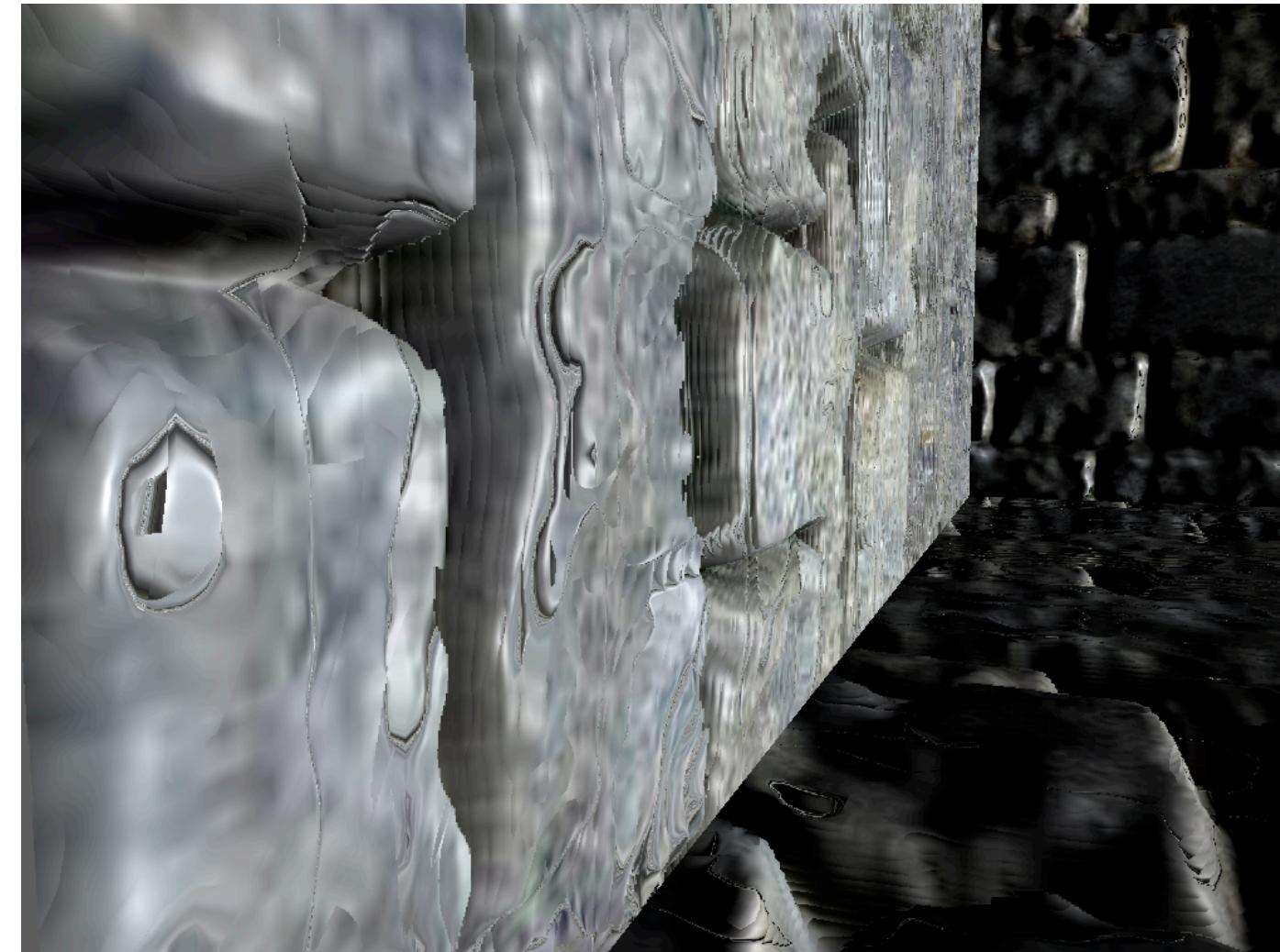
Missar ibland om stegen är för stora





## Variant: Parallax Occlusion Mapping

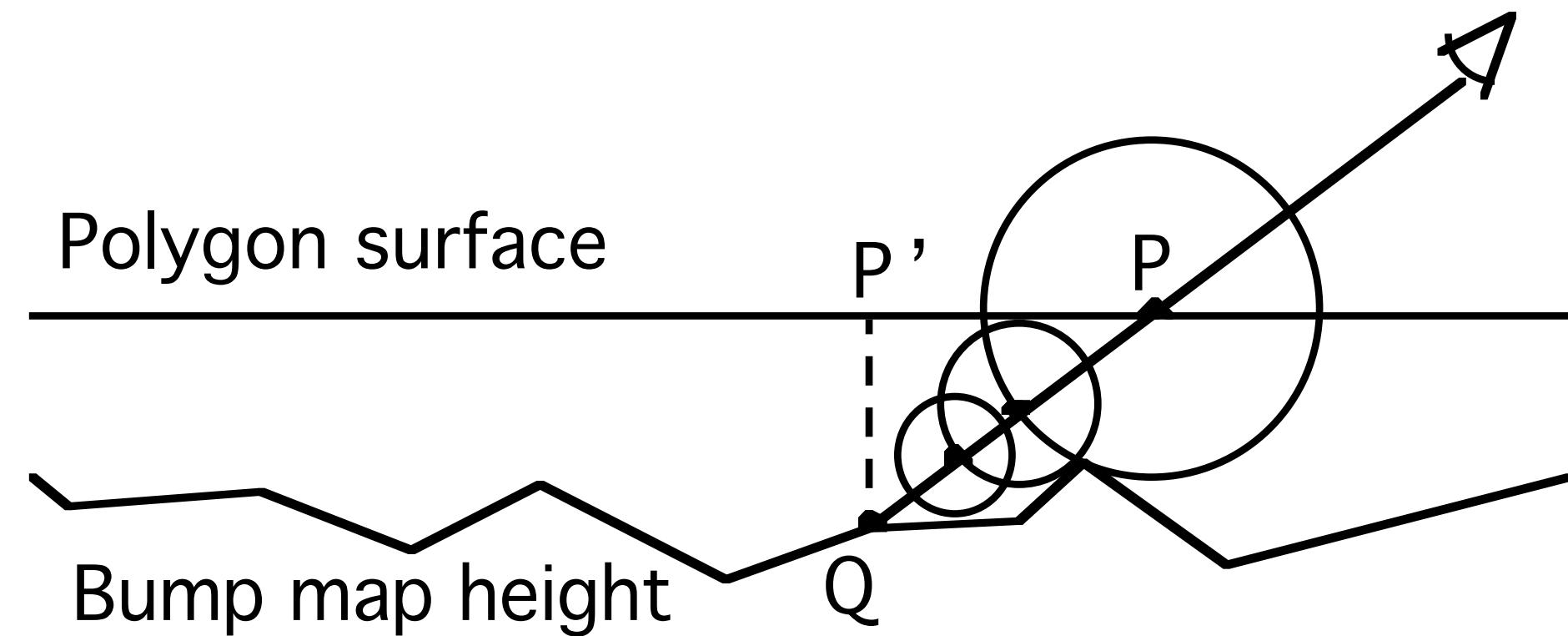
Liknande algoritm, uppvisar enligt  
Lindmark betydande fel.





# Per-pixel Displacement Mapping

Mycket exakt metod som ger fina resultat





# Hur utförs mätningen?

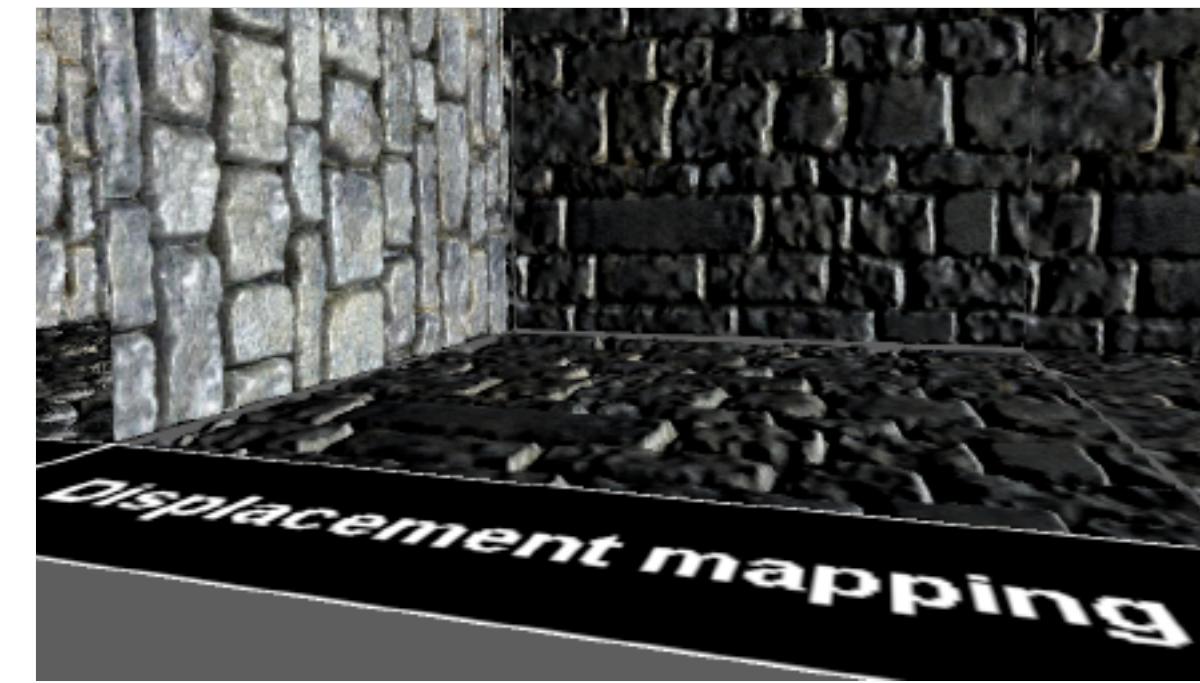
Använder Euklidisk avståndstransform

Algoritm för att effektivt beräkna  
avståndsvärden i samplad rymd

Uppfanns av PE Danielsson 1980



# Per-pixel Displacement Mapping

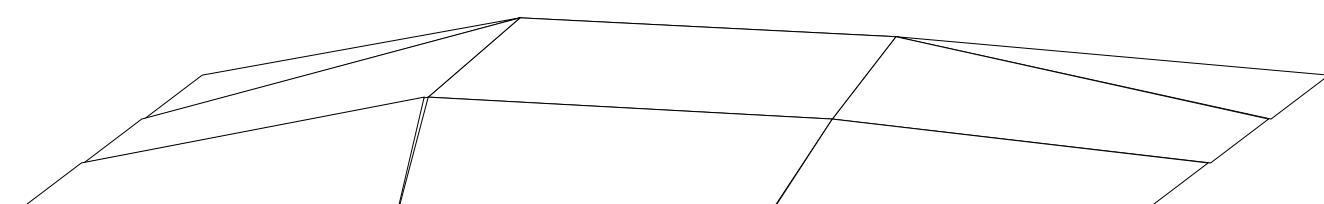




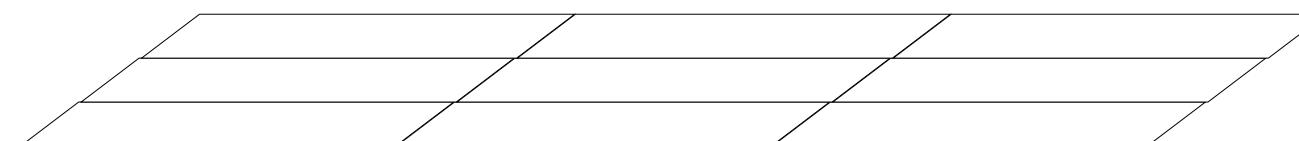
OBS! Förväxla inte per-pixel displacement mapping med per-vertex displacement mapping (ofta kombinerad med tesselering)

Per-vertex displacement mapping ändrar geometrin, inte bara shading och textur!

Intressant när vi använder tessellation shaders (kommer senare)



Modifierad geometri



Geometri



Bump map



# Vad behöver ett spel då?

- Platt texturmappning: Platt, lämnar allt till geometrin
  - Bump mapping: Räcker långt!
- Parallax mapping: Kostar inte mycket när man har bump mapping
- Per-pixel displacement mapping: Visst blir det fint, men behövs det verkligen?

Får jag en snabb och stabil PPDM gratis tar jag det nog, men annars är bump mapping och parallax mapping frestande, kostnadseffektiva.



## Sammanfattning bumpmappning

- Generera texturkoordinatsystem från texturkoordinater
  - Beräkna bump mapping i vy- eller texturkoordinater
    - Normalmapping: förberäknad bumpmappning
    - Utvidgningar och förbättringar av bumpmappning